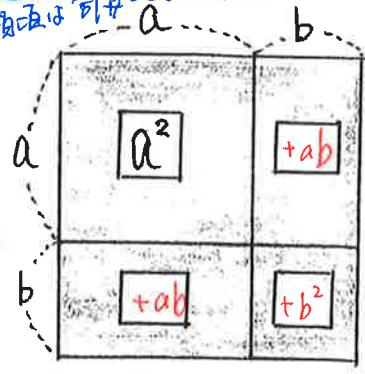


$(a+b)^2$ は、次のように展開できます。

$$\begin{aligned}(a+b)^2 &= (a+b)(a+b) \\ &= a^2 + \cancel{ab} + ab + b^2 \\ &= a^2 + 2ab + b^2\end{aligned}$$

同じようにして、

$$\begin{aligned}(a-b)^2 &= (a-b)(a-b) \\ &= a^2 - \cancel{ab} - ab + b^2 = a^2 - 2ab + b^2\end{aligned}$$



⑤ 平方の公式

$(a+b)^2$ の展開)

$(a-b)^2$ の展開)

前の項が同じである時

に使う公式

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

公式①～
君に解いて
なさい

(19頁～)

例1) $(x+5)^2$ の展開は

x を a , 5 を b
と考えて、平方の公式を使う

$$(x+5)^2 = x^2 + 10x + 25$$

$(x+5)(x+5)$

(問1) 次の式を展開しなさい。

例1) $(x+5)(x+5)$

$$= x^2 + 10x + 25$$

和 積

$$\begin{array}{lll}(1) (a+3)^2 & (2) (x-7)^2 & (3) (y+4)^2 \\ = (a+3)(a+3) & = (x-7)(x-7) & = (y+4)(y+4) \\ = a^2 + 6a + 9 & = x^2 - 14x + 49 & = y^2 + 8y + 16\end{array}$$

例2) $(x-3y)^2 = x^2 - 2 \times 3y \times x + (3y)^2$

$$(x-3y)(x-3y) = x^2 - 6xy + 9y^2$$

$$\begin{aligned}& (6) (-x+2y)(-x+2y) \\ & = (-x)^2 + 4y \times (-x) + 4y^2 \\ & = x^2 - 4xy + 4y^2\end{aligned}$$

(問2) 次の式を展開しなさい。

$$\begin{array}{lll}(1) (x-5y)^2 & (2) (a+4b)^2 & (3) (4x-y)^2 \\ = (x-5y)(x-5y) & = (a+4b)(a+4b) & = (4x-y)(4x-y) \\ = x^2 - 10y \times x + 25y^2 & = a^2 + 8bx + 16b^2 & = 16x^2 - 2y \times 4x + y^2 \\ = x^2 - 10xy + 25y^2 & = a^2 + 8ab + 16b^2 & = 16x^2 - 8xy + y^2\end{array}$$

$$\begin{array}{lll}(4) (2x+3y)^2 & (5) (a+\frac{1}{2}b)^2 & (6) (-x+2y)^2 \\ = (2x+3y)(2x+3y) & = (a+\frac{1}{2}b)(a+\frac{1}{2}b) & = (-x+2y)(-x+2y) \\ = 4x^2 + 6y \times 2x + 9y^2 & = a^2 + b \times a + \frac{1}{4}b^2 & = x^2 + 4y \times (-x) + 4y^2 \\ = 4x^2 + 12xy + 9y^2 & = a^2 + ab + \frac{1}{4}b^2 & = x^2 - 4xy + 4y^2\end{array}$$

例1) の参考 (公式①を使い)

$$(1) (x-5y)(x-5y) = x^2 - 10y \times x + 25y^2$$

和 積

注) x を a と $5y$ を b と見なす

$$(3) (4x-y)(4x-y)$$

$$= 16x^2 - 2y \times 4x + y^2$$

和 積

$$(4) (2x+3y)(2x+3y) = 4x^2 + 6y \times 2x + 9y^2$$

和 積

$$(5) (a+\frac{1}{2}b)(a+\frac{1}{2}b)$$

$$= a^2 + (\frac{1}{2}b + \frac{1}{2}b) \times a + \frac{1}{2}b \times \frac{1}{2}b$$

和 積

$$= a^2 + ab + \frac{1}{4}b^2$$

公式①と表記
 $(a+b)(a-b)$
 $= a^2 + (b-b) \times a + b \times (-b)$
 $= a^2 - b^2$

⑥ 和と差の積 ((a+b)(a-b)の展開)

例 前の項が同じ場合
 $(\square + \square)(\square + \triangle)$

$$= a^2 + (\square + \triangle)a + \square \cdot \triangle$$

② $(\square\square + 5)(\square\square + 2)$
 $= \square\square^2 + 7\square\square + 10$

$$(a+b)(a-b) = a^2 - ab + ab - ab = a^2 - b^2$$

となります。

$$(a+b)(a-b) = a^2 - b^2$$

(2019-5)

(例1) 和は0

(1) $(x+5)(x-5)$
 $= x^2 - 5^2$
 $= x^2 - 25$

(2) $(2-a)(2+a)$
 $= 4 - a^2$
 $=$

和は0。

(問1) 次の式を展開しなさい。

(1) $(x+8)(x-8)$ $= x^2 - 64$	(2) $(3-a)(3+a)$ $= 9 - a^2$	(3) $(5x+1)(5x-1)$ $= 25x^2 + 0 \times 5x - 1$ $= 25x^2 - 1$
(4) $(3x+2y)(3x-2y)$ $= 9x^2 - 4y^2$	(5) $(x-\frac{1}{3})(x+\frac{1}{3})$ $= x^2 - \frac{1}{9}$	(6) $(a-6b)(a+6b)$ $= a^2 - 36b^2$

(例2)

Point: ここで区切りをつけること

$$(x+2)^2 - (x+4)(x-1) を簡単にしなさい。$$

(解答)

$$\begin{aligned} & (x+2)^2 - (x+4)(x-1) \\ &= (x^2 + 4x + 4) - (x^2 + 3x - 4) \\ &= x^2 + 4x + 4 - x^2 - 3x + 4 \\ &= x + 8 \end{aligned}$$

Point:

かっこをつける

一の場合には
符号がかかる

(2019-5)

(問1) 次の式を簡単にしなさい。

$$\begin{aligned} & (1) (x-3)^2 + (x-1)(x+7) \\ &= (x^2 - 6x + 9) + (x^2 + 6x - 7) \\ &= x^2 - 6x + 9 + x^2 + 6x - 7 \\ &= 2x^2 + 2 \end{aligned}$$

(2) $(x+2)(x+9) - x(x+10)$
 $= x^2 + 11x + 18 - x^2 - 10x$

$x + 18$

+の場合には
くのまき()を必ず